

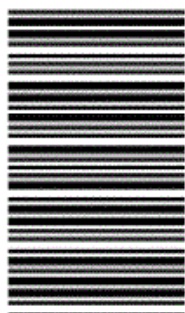
152

F

نام :

نام خانوادگی :

محل امضاء :



152F

صبح جمعه

۹۲/۱۲/۱۶

دفترچه شماره (۱)



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.
امام خمینی (ره)

آزمون ورودی
دوره‌های دکتری (نیمه متمرکز) داخل
سال ۱۳۹۳

مجموعه مهندسی عمران (۱)
سازه (کد ۲۳۰۷)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (مکانیک جامدات (مقاومت مصالح - تحلیل سازه‌ها) - دینامیک سازه‌ها، تئوری الاستیسیته و پلاستیسیته)	۴۵	۱	۴۵

اسفندماه سال ۱۳۹۲

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی‌باشد.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابری مقررات رفتار می‌شود.

۱- دو استوانه توخالی به وسیله دو فک (صفحات صلب) در یک جک تحت اثر نیروی فشاری 100 کیلونیوتن قرار می‌گیرند. اگر ارتفاع استوانه بیرونی 1 سانتی‌متر از ارتفاع استوانه داخلی بیشتر باشد، نیروی وارد بر استوانه داخلی و استوانه خارجی به ترتیب از راست به چپ بر حسب kN چقدر می‌باشند؟

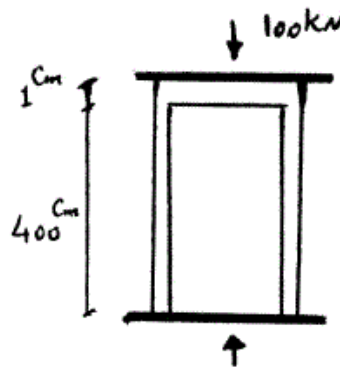
$$(E = 2 \times 10^9 \frac{N}{cm^2} \text{ و } 1 \text{ cm}^2 \text{ هر کدام از استوانه‌ها})$$

$$(1) 100, 0$$

$$(2) 75, 25$$

$$(3) 50, 50$$

$$(4) 25, 75$$



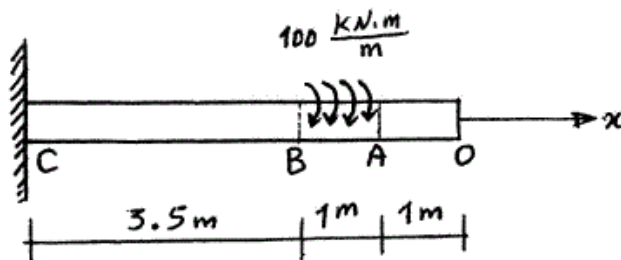
۲- یک شفت با قطر خارجی 20 mm تحت یک لنگر پیچشی یکنواخت به مقدار

$$100 \frac{kN \cdot m}{m} \text{ مؤثر در روی قسمت } AB \text{ در شکل مفروض است. اندازه دو کمیت}$$

$$(G = 80 \times 10^9 \text{ Pa}) \text{ زیر کدام است؟}$$

ماکزیم تنش برشی τ_{max} بر حسب $\frac{N}{m^2}$ ، زاویه چرخش «O» نسبت به

«C» بر حسب رادیان



$$(1) \phi = 418/3, \tau_{max} = 63 \times 10^9$$

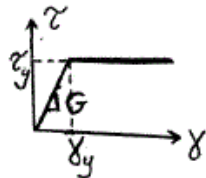
$$(2) \phi = 318/3, \tau_{max} = 43 \times 10^9$$

$$(3) \phi = 418/3, \tau_{max} = 43 \times 10^9$$

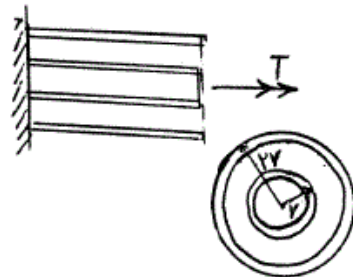
$$(4) \phi = 318/3, \tau_{max} = 63 \times 10^9$$

-۳

مجموعه نشان داده شده از دو لوله جدار نازک هم مرکز تشکیل شده که در یک انتها توسط دیسک صلب به یکدیگر متصل شده‌اند به طوری که میزان زاویه پیچش در هر دو یکسان است و از طرف دیگر تحت کوپل پیچشی T قرار می‌گیرند. هرگاه ضخامت لوله‌ها ثابت t و طول مجموعه L فرض شود و مصالح در هر دو لوله الاستوپلاستیک در نظر گرفته شود و G مدول برشی و τ_y تنش برشی تسلیم باشند. T_y و ϕ_y در مجموعه که متناظر با رخداد اولین تسلیم باشد، کدام می‌باشند؟



$$T_y = 9\pi r^2 \tau_y \text{ و } \phi_y = \frac{L}{r} \frac{\tau_y}{G} \quad (1)$$



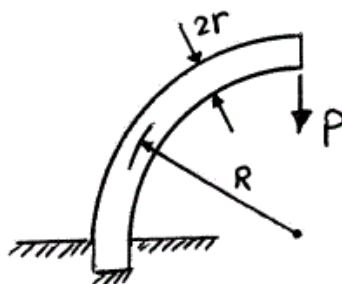
$$T_y = 12\pi r^2 \tau_y \text{ و } \phi_y = \frac{L}{2r} \frac{\tau_y}{G} \quad (2)$$

$$T_y = 9\pi r^2 \tau_y \text{ و } \phi_y = \frac{L}{2r} \frac{\tau_y}{G} \quad (3)$$

$$T_y = 12\pi r^2 \tau_y \text{ و } \phi_y = \frac{L}{r} \frac{\tau_y}{G} \quad (4)$$

-۴

یک میله الاستیک به شعاع r (مقطع دایره‌ای) به شکل یک ربع دایره به شعاع R مطابق شکل خم شده و تحت بار قائم P قرار می‌گیرد. نسبت تغییر مکان قائم نقطه اثر بار (لبه آزاد جسم) ناشی از نیروی محوری ایجاد شده در میله به لنگر خمشی ایجاد شده در آن کدام است؟



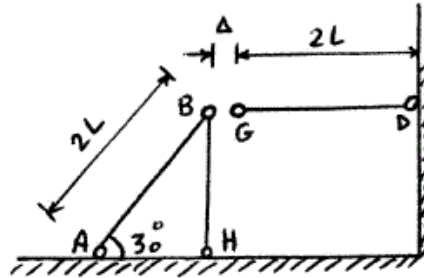
$$\frac{2r^2}{R^2} \quad (1)$$

$$\frac{r^2}{R^2} \quad (2)$$

$$\frac{4r^2}{R^2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{4} \frac{r^2}{R^2} \quad (4)$$

۵- در قاب زیر به خاطر خطای ساخت، میله GD به اندازه Δ کوتاه ساخته شده است. سختی محوری اعضا AE است. اگر با اعمال نیرویی، G را به B وصل کنیم، نیروی محوری عضو DG چقدر خواهد شد؟



$$(1) \frac{3AE\Delta}{7L}$$

$$(2) \frac{AE\Delta}{L}$$

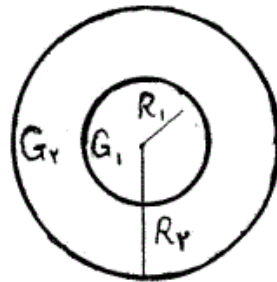
$$(3) \frac{2AE\Delta}{5L}$$

$$(4) \frac{3AE\Delta}{4L}$$

۶- مقطع میله مدور نشان داده در شکل از دو جنس مختلف تشکیل شده است به طوری که $G_1 = 2G_2$ می باشد. نسبت $\frac{R_1}{R_2}$ چقدر باشد تا مقطع مورد نظر تحت اثر پیچش به طور بهینه طراحی شده باشد. (τ_w تنش برشی مجاز مصالح)

جنس (1) $\tau_w = 3\tau_o$

جنس (2) $\tau_w = \tau_o$



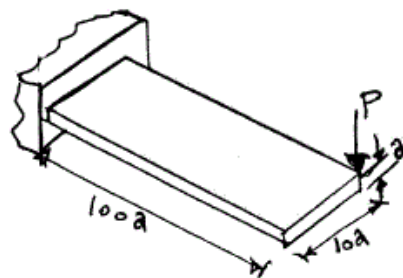
$$(1) 1/75$$

$$(2) 1/5$$

$$(3) 1/25$$

$$(4) 2$$

۷- یک تیر با مقطع مستطیل و به صورت کنسول تحت بار P در انتهای گوشه مطابق شکل قرار می گیرد. هرگاه مدول ارتجاعی آن E و ضریب پواسون ν و رفتار مصالح کاملاً الاستیک فرض شوند، تغییر مکان قائم انتهای آزاد تحت بار P کدام است؟



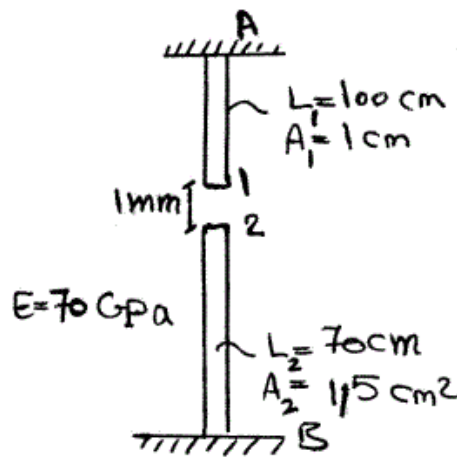
$$(1) \delta_v \approx \frac{10000P}{Ea} \{400 + 15(1+\nu)\}$$

$$(2) \delta_v \approx \frac{410000P}{Ea} \text{ اثر پیچش قابل صرف نظر نبوده و تغییر مکان قائم}$$

$$(3) \delta_v \approx \frac{400100P}{Ea} \text{ اثر پیچش مهم و تغییر مکان قائم}$$

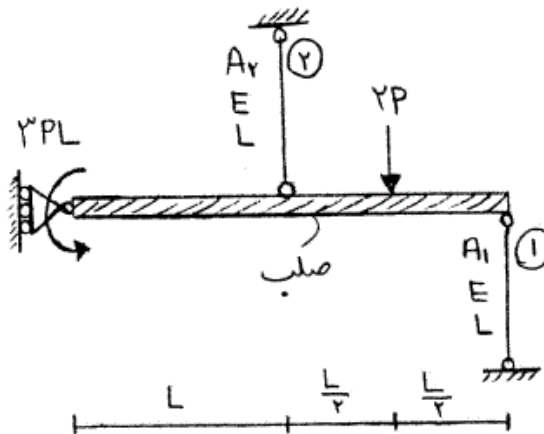
$$(4) \delta_v \approx \frac{400000P}{Ea} \text{ اثر پیچش قابل صرف نظر بوده و تغییر مکان قائم}$$

۸- اگر نقطه‌ی شماره ۱ یک کشیده شود به طوری که اتصال یک و دو به صورت مفصلی باشند، عکس‌العمل تکیه‌گاهی در نقطه A بر حسب N چقدر است؟



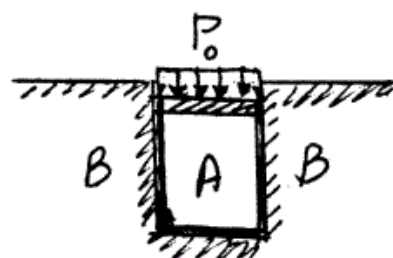
- (۱) ۴۷۷۲/۷
- (۲) ۳۸۰۰
- (۳) ۲۳۷۱/۷
- (۴) ۵۸۰۰

۹- در شکل نشان داده شده، نسبت سطح مقطع میله ۱ به سطح مقطع میله ۲، چقدر باشد تا انرژی کرنشی هر دو میله با هم برابر شود؟ $\frac{A_1}{A_2}$



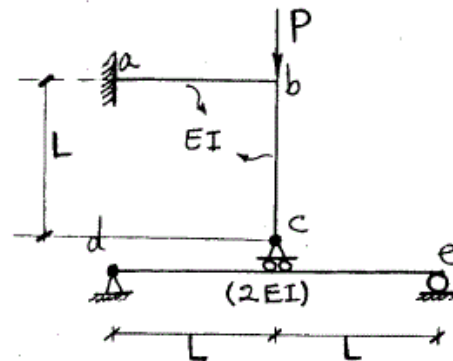
- (۱) $\frac{1}{2}$
- (۲) $\frac{1}{4}$
- (۳) ۱
- (۴) ۲

۱۰- در شکل نشان داده شده هرگاه دیواره B صلب فرض شود و مخزن استوانه‌ای A تغییر شکل پذیر باشد، فشار جانبی مابین استوانه A و دیواره B بر حسب P_0 و ضریب پواسون ν کدام است؟



- (۱) $\frac{P_0}{(1-\nu)}$
- (۲) $\frac{P_0}{(1+\nu)}$
- (۳) $\frac{\nu P_0}{(1+\nu)}$
- (۴) $\frac{\nu P_0}{(1-\nu)}$

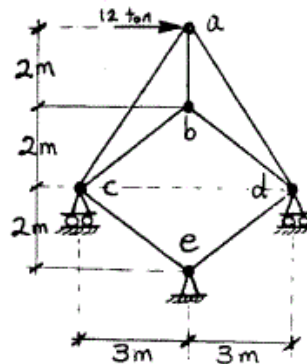
۱۱- در سازه شکل مقابل مقادیر نسبی صلبیت خمشی روی شکل مشخص شده و از تغییر شکل‌های محوری و برشی صرف نظر می‌گردد. نیرو در غلتک c کدام است؟



- (۱) $\frac{2P}{3}$
- (۲) P
- (۳) $-\frac{P}{6}$
- (۴) $\frac{4P}{5}$

۱۲- در خرپای شکل مقابل صلبیت محوری مقطع در کلیه اعضاء ثابت است. نیرو در

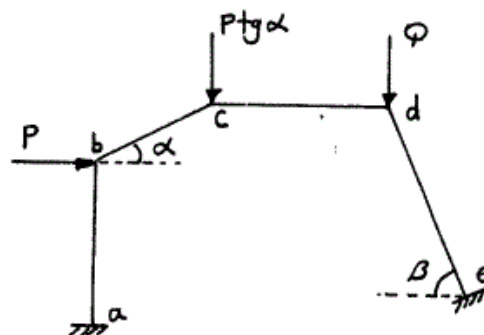
عضو bc بر حسب ton چقدر است؟



- (۱) ۰
- (۲) ۷٫۵
- (۳) ۵
- (۴) ۲٫۵

۱۳- اگر هیچکدام از نقاط d, c, b در قاب زیر حرکت نداشته باشند، مقدار $\frac{Q}{P}$ چه قدر

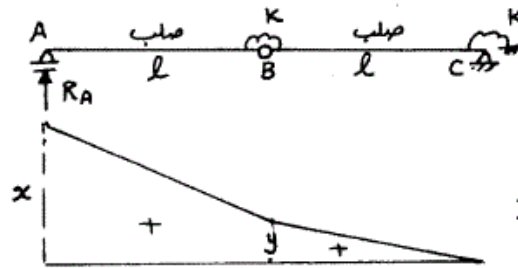
می‌باشد؟ (عضو ab عمودی و عضو cd افقی می‌باشد).



- (۱) $\cos \beta$
- (۲) $\text{tg } \beta$
- (۳) $\text{tg } \alpha$
- (۴) $\text{tg } \alpha \times \text{tg } \beta$

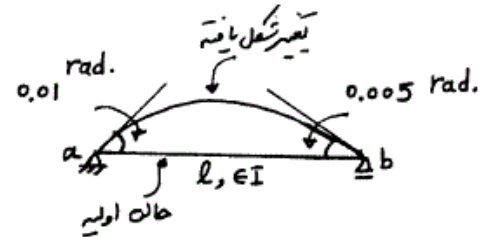
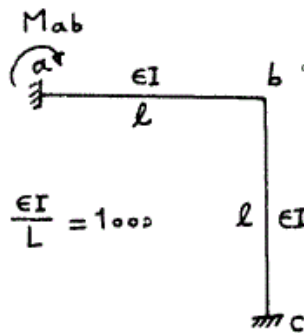
۱۴- اگر منحنی تأثیر عکس‌العمل R_A از تیر زیر مطابق شکل باشد، آنگاه نسبت $\frac{x}{y}$

چه مقدار می‌باشد؟



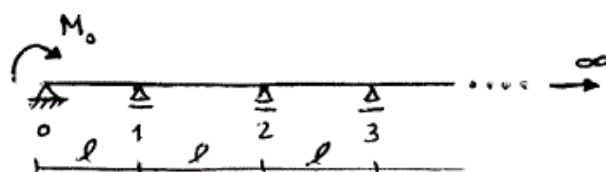
- (۱) $\frac{۳}{۲}$
- (۲) $\frac{۵}{۲}$
- (۳) ۲
- (۴) $\frac{۵}{۳}$

۱۵- میزان لنگر تکیه‌گاه a در قاب زیر در اثر تغییر درجه حرارت در تیر ab چه مقدار می‌باشد، اگر عضو ab روی تکیه‌گاه‌های مفصلی تحت اثر تغییر درجه حرارت مشابه به صورت زیر تغییر شکل دهد؟



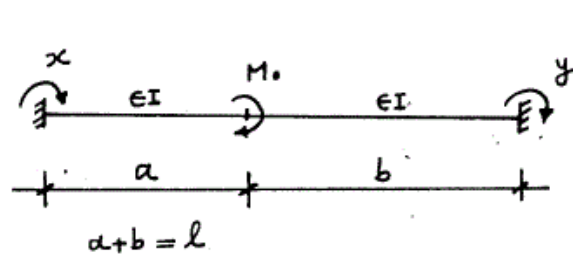
- (۱) -۳۰
- (۲) -۳۵
- (۳) ۳۰
- (۴) ۳۵

۱۶- در تیر یکسره زیر با تعداد دهانه‌های بینهایت، طول هر دهانه l و صلبیت خمشی EI می‌باشد. اگر تحت اثر لنگر M_0 ، لنگردر تکیه‌گاهها از قانون تبعیت $M_{i+1} = \alpha M_i$ ($i = 0, 1, \dots$) در تکیه‌گاه ابتدایی (θ_0) چه مقدار می‌باشد؟ ($\alpha = 2 - \sqrt{3}$)



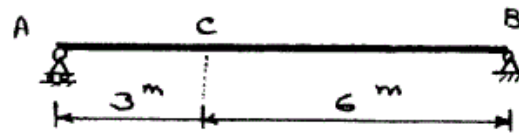
- (۱) $\frac{۳\alpha^۳ M_0 l}{۱۰ EI}$
- (۲) $\frac{\sqrt{۳} M_0 l}{۶ EI}$
- (۳) $\frac{۲\alpha^۳ M_0 l}{EI}$
- (۴) $\frac{۳ M_0 l}{۱۰ EI}$

۱۷- تیر دو سرگیردار زیر تحت اثر لنگر متمرکز M_0 قرار گرفته، اگر x, y لنگرهای گیرداری انتهایی مطابق شکل باشد، مقدار $(y-x)$ کدام گزینه است؟



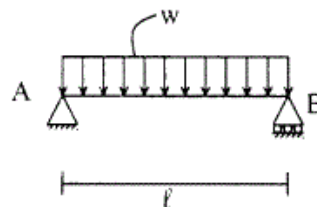
- (۱) $-\frac{M_0}{2l}(b-a)$
- (۲) $-\frac{M_0}{l}(b-a)$
- (۳) $\frac{M_0}{2l}(b-a)$
- (۴) $\frac{M_0}{l}(b-a)$

۱۸- در صورتی که طول تار فوقانی تیر AB به اندازه ۲۰٪ درصد کاهش و طول تار تحتانی به اندازه ۲۰٪ افزایش پیدا کند، تغییر مکان قائم نقطه c را حساب کنید، ارتفاع مقطع تیر h می باشد.



- (۱) $\frac{1/8}{h}$
- (۲) $\frac{1/2}{h}$
- (۳) $\frac{2/4}{h}$
- (۴) $\frac{3/6}{h}$

۱۹- تیر ساده به طول l مفروض است. صلبیت خمشی EI ، صلبیت برشی آن GA/f_s ، ضریب پواسون $\nu = 0.25$ و مقطع تیر به شکل مستطیل است. اگر انرژی تغییر شکل خمشی ده برابر انرژی تغییر شکل برشی باشد. نسبت $\frac{h}{l}$ چقدر است؟ h ارتفاع تیر است.



- (۱) ۰/۱۵
- (۲) ۰/۲
- (۳) ۰/۲۵
- (۴) ۰/۱

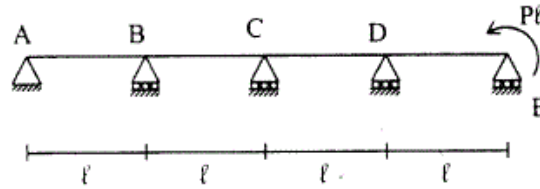
۲۰- تیر سراسری مطابق شکل و با صلبیت خمشی ثابت EI مفروض است. نسبت لانگر خمشی تکیه‌گاه D به تکیه‌گاه B برابر است با:

(۱) ۵

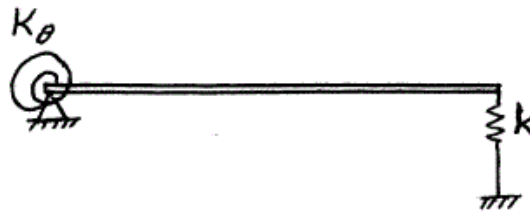
(۲) ۲۰

(۳) ۱۵

(۴) ۱۰



۲۱- یک تیر صلب یکنواخت به جرم کل m و طول L مطابق شکل مقید شده است. فرکانس زاویه‌ای ارتعاش آزاد قائم آن کدام است؟



$$\sqrt{\frac{2(kL^3 + K_\theta)}{mL^3}} \quad (۲)$$

$$\sqrt{\frac{(kL^3 + k_\theta)}{2mL^3}} \quad (۱)$$

$$\sqrt{\frac{2(kL^3 + K_\theta)}{3mL^3}} \quad (۴)$$

$$\sqrt{\frac{2(kL^3 + K_\theta)}{2mL^3}} \quad (۳)$$

۲۲- ارتعاش آزاد یک تیر فلزی ساده به طول دهانه ۴ متر که در وسط دهانه خود، وزنه ۲۰ کیلو نیوتنی را تحمل می‌کند مد نظر می‌باشد (لانگر اینرسی مقطع تیر برابر 4250 cm^4 و مدول ارتجاعی برابر $2/1 \times 10^6 \text{ kgf/cm}^2$ است). تیر تحت اثر وزنه، دارای خیزی به طرف پایین بوده و ناگهان با سرعت 3 cm/s به طرف بالا، رها می‌شود. در این صورت حداکثر تغییر مکان وسط دهانه تیر حدوداً چند سانتی‌متر خواهد بود؟ (میرایی ناچیز است).

(۲) ۰/۴

(۱) ۰/۱

(۴) ۰/۲

(۳) ۰/۳

۲۳- در مدلسازی یک سازه ساده، یک وزنه با جرم 10 kg توسط یک فنر نگهداری می‌شود. این وزنه تحت ضربه‌ای آنی قرار می‌گیرد که سرعت اولیه‌ای به آن اعمال می‌شود ولی تغییر مکان اولیه بسیار ناچیز خواهد بود. پریود ارتعاش آزاد مدل برابر 0.314 ثانیه اندازه‌گیری می‌شود، با این اطلاعات، مقدار سختی فنر در مدل، چند کیلوگرم نیرو بر متر تخمین زده می‌شود؟ (شتاب ثقل 10 m/s^2 فرض شود).

- (۱) ۴۰۰
(۲) ۴۰۰۰
(۳) ۴۰
(۴) ۴

۲۴- در سوال قبل (۲۳)، چنانچه دامنه تغییر مکان وزنه برابر 50 میلی‌متر اندازه‌گیری شود، در این صورت سرعت اولیه اعمالی در اثر ضربه چند سانتی‌متر بر ثانیه تخمین زده می‌شود؟

- (۱) ۱۰
(۲) ۵۰۰
(۳) ۱۰۰
(۴) ۵۰

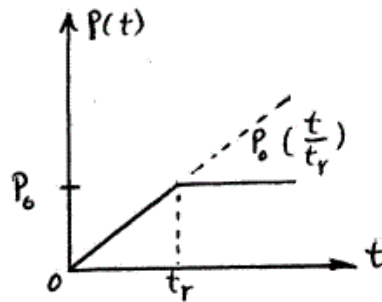
۲۵- یک قاب یک طبقه و یک دهانه با تیر صلب و سختی جانبی معادل هر یک از ستونها برابر $2k$ مورد نظر است. چنانچه در وسط دهانه این قاب، یک ستون تقویتی با سختی معادل $5k$ اضافه شود، نسبت پریود ارتعاش آزاد در حالت اولیه به حالت تقویت شده کدام است؟

- (۱) 0.5
(۲) $2/5$
(۳) ۲
(۴) $1/5$

۲۶- یک دستگاه صنعتی حساس به وزن یک تن توسط یک وسیله نقلیه ویژه حمل می‌شود. دستگاه مورد نظر بر روی یک پایه خاص مهار شده که هنگام حرکت وسیله نقلیه، ارتعاشی با دامنه 5 cm با فرکانس زاویه‌ای برابر 220 رادیان بر ثانیه متحمل می‌شود. حدود سختی معادل پایه مورد نظر (بر حسب kg/cm) به نحوی که هشتاد درصد ارتعاش منتقل شده به دستگاه را مستهلک کند کدام است (شتاب ثقل برابر 10 m/s^2 و از میرایی صرف‌نظر می‌گردد).

- (۱) ۸۰۰۰
(۲) ۷۵۰۰
(۳) ۷۰۰۰
(۴) ۸۵۰۰

۲۷- چنانچه ضریب پاسخ یک سازه معادل یک درجه آزادی با فرکانس زاویه‌ای ارتعاش آزاد ω تحت اثر نیروی پله‌ای با ابتدای افزایش خطی به شرح شکل زیر، بصورت $R(t) = 1 + \frac{1}{\omega t_r} [\sin \omega(t - t_r) - \sin \omega t]$ باشد، در این صورت در حالتی که $\frac{t_r}{T} \ll 1$ باشد (T پریود ارتعاش آزاد سازه است)، مقدار ضریب بزرگنمایی دینامیکی چقدر است؟ (t متغیر زمان است).



$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$\sqrt{2} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (3)$$

$$2 \quad (4)$$

۲۸- مدل معادل یک درجه آزادی یک مخزن هوایی با سختی پایه معادل $k = 2800 \text{ kips/ft}$ و وزن معادل $w = 100 \text{ kips}$ قرار است تحت اثر یک نیروی دینامیکی، تحلیل عددی به روش گام به گام با شتاب خطی شود. چنانچه میرایی برابر ۵ درصد فرض شود، برای حفظ دقت و پایداری روش تحلیل عددی، حداکثر طول گام زمانی مناسب، Δt چند ثانیه در نظر گرفته می‌شود؟

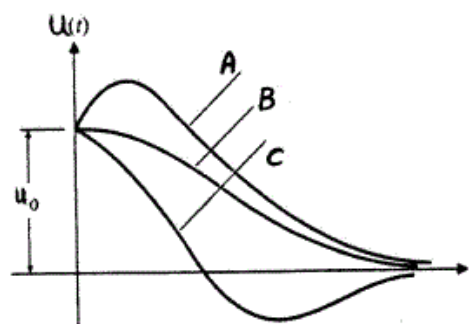
$$0.04 \quad (2)$$

$$0.01 \quad (1)$$

$$0.02 \quad (4)$$

$$0.03 \quad (3)$$

۲۹- منحنی‌های ارائه شده در شکل زیر، هر سه برای حالت ارتعاش آزاد با میرایی بحرانی (درصد میرایی برابر ۱۰۰) با شرایط اولیه u_0 و \dot{u}_0 ترسیم شده‌اند. کدام گزینه به ترتیب از راست به چپ برای منحنی‌های A، B و C می‌تواند صحیح باشد؟



$$\dot{u}_0 > 0, \dot{u}_0 = 0, \dot{u}_0 < 0 \quad (1)$$

$$\dot{u}_0 < 0, \dot{u}_0 = 0, \dot{u}_0 > 0 \quad (2)$$

$$\dot{u}_0 < 0, \dot{u}_0 > 0, \dot{u}_0 = 0 \quad (3)$$

$$\dot{u}_0 > 0, \dot{u}_0 < 0, \dot{u}_0 = 0 \quad (4)$$

۳۰- یک تیر ساده در وسط دهانه خود تحت یک نیروی استاتیکی به طرف پایین خیز برمی‌دارد و سپس نیرو بطور ناگهانی حذف می‌شود. دامنه ارتعاش آزاد تیر با قانون اکسپونانسیل طی ۵ سیکل ارتعاش از ۴ سانتی‌متر به ۲ سانتی‌متر کاهش پیدا می‌کند. درصد میرایی تیر چند درصد تخمین زده می‌شود؟

$$\text{(راهنمایی: } \ln(0.5) = -0.693, \ln(4) = 1.386 \text{)}$$

$$(1) \quad 2/2 \quad (2) \quad 6/2$$

$$(3) \quad 4/2 \quad (4) \quad 8/2$$

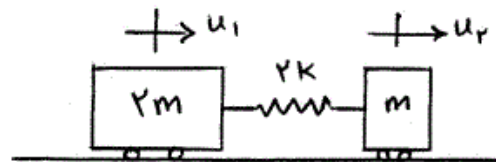
۳۱- مدل تحلیلی یک سازه بصورت دو درجه آزادی (u_1, u_2) به شرح زیر می‌باشد. فرکانس‌های زاویه‌ای ارتعاش آزاد این سازه کدام خواهد بود؟

$$(1) \quad \text{صفر و } \sqrt{\frac{2k}{m}}$$

$$(2) \quad \text{یک و } \sqrt{\frac{2k}{m}}$$

$$(3) \quad \text{صفر و } \sqrt{\frac{3k}{m}}$$

$$(4) \quad \text{یک و } \sqrt{\frac{3k}{m}}$$



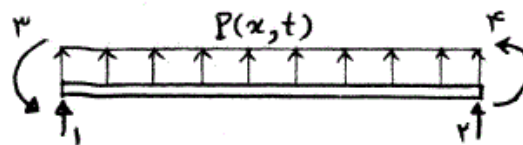
۳۲- یک المان تیری شکل با چهار درجه آزادی به شرح زیر و به طول یک متر تحت بارگذاری گستره یکنواخت دینامیکی بصورت $P(x,t) = 200 \sin(10t)$ قرار می‌گیرد. چنانچه تابع شکلی هرمیتی درجه آزادی شماره یک بصورت $\Psi_1(x) = 1 - 2\left(\frac{x}{L}\right)^2 + 2\left(\frac{x}{L}\right)^3$ فرض شود، در این صورت بار کلی تیر در این درجه آزادی $P_1(t)$ کدام خواهد بود؟

$$(1) \quad 100 \sin(10t)$$

$$(2) \quad 16 \sin(10t)$$

$$(3) \quad 10 \sin(10t)$$

$$(4) \quad 160 \sin(10t)$$



۳۳- ارتعاش محوری یک تیر طره پیوسته به طول L ، سطح مقطع A و جرم حجمی ρ با مدل دو درجه آزادی مورد نظر است. چنانچه توابع شکلی بصورت $\Psi_1(x) = \frac{x}{L}$ و $\Psi_2(x) = \left(\frac{x}{L}\right)^2$ انتخاب شوند، درایه m_{11} در ماتریس جرم این تیر کدام است؟

$$(1) \quad \frac{\rho AL}{4} \quad (2) \quad \frac{\rho AL}{3}$$

$$(3) \quad \frac{\rho AL}{2} \quad (4) \quad \frac{\rho AL}{5}$$

-۳۴

در محیط دو بعدی، میدان تنش در مختصات قطبی (r, θ) برابر:

$$\sigma_{rr} = A \frac{\cos \theta}{r} + B \frac{\sin \theta}{r}, \quad \sigma_{r\theta} = \sigma_{\theta\theta} = 0$$

است. بردار تنش (traction) در صفحه‌ای که بردار $\vec{B} = \vec{e}_r + \vec{e}_\theta$ بر آن صفحه عمود است. $(\vec{e}_\theta, \vec{e}_r)$ بردارهای یکه در مختصات قطبی هستند) در نقطه‌ی $r=1, \theta=0$ کدام است؟

$$\sqrt{2} A \vec{e}_r \quad (1)$$

$$A \vec{e}_r \quad (2)$$

$$\frac{A}{\sqrt{2}} \vec{e}_r \quad (3)$$

$$2\sqrt{2} A \vec{e}_r \quad (4)$$

-۳۵

در محیط دو بعدی در دستگاه مختصات کارتزین، کرنش عمودی در امتدادهای

$$\vec{s} = \frac{1}{\sqrt{2}} \vec{e}_1 + \frac{1}{\sqrt{2}} \vec{e}_2, \quad \vec{n} = \frac{1}{\sqrt{2}} \vec{e}_1 - \frac{1}{\sqrt{2}} \vec{e}_2$$

می‌باشد. کرنش برشی ϵ_{12} چقدر است؟

$$0.02 \quad (2)$$

$$0.01 \quad (1)$$

$$0.005 \quad (4)$$

$$0.03 \quad (3)$$

-۳۶

کدام یک از حالت‌های کرنش مسطح زیر سازگار است

$$\epsilon_{11} = Ax_1^2, \quad \epsilon_{22} = Ax_2^2, \quad \epsilon_{12} = 2Ax_1x_2 \quad \text{حالت اول:}$$

$$\epsilon_{11} = Ax_2^2, \quad \epsilon_{22} = Ax_1^2, \quad \epsilon_{12} = Ax_1x_2 \quad \text{حالت دوم:}$$

$$\epsilon_{11} = 2Ax_1^2, \quad \epsilon_{22} = 2Ax_2^2, \quad \epsilon_{12} = 3Ax_1^2x_2 + 3Ax_1x_2^2 \quad \text{حالت سوم:}$$

$$\epsilon_{11} = 2Ax_2^2, \quad \epsilon_{22} = 2Ax_1^2, \quad \epsilon_{12} = 3Ax_1^2x_2 + 3Ax_1x_2^2 \quad \text{حالت چهارم:}$$

$$\text{حالت اول} \quad (1)$$

$$\text{حالت دوم} \quad (2)$$

$$\text{حالت سوم} \quad (3)$$

$$\text{حالت چهارم} \quad (4)$$

-۳۷

جسمی تحت اثر تغییر مکان:

$$\vec{u} = (Ax_1 + 0.05x_2 + 0.06x_3)\vec{e}_1 + (0.01x_1 + Ax_2)\vec{e}_2 + (0.02x_1 + 0.04x_2)\vec{e}_3$$

قرار گرفته است. برای اینکه تغییر مکان \vec{u} قابل قبول باشد، A به طور کامل در

چه محدوده‌ای است؟

$$A < 0.02 \quad (2)$$

$$A < 0.05 \quad (1)$$

$$A < 0.01 \quad (4)$$

$$A < 0.04 \quad (3)$$

۳۸- مکعبی به ابعاد $2 \leq X_1 \leq 2, -2 \leq X_2 \leq 2, -2 \leq X_3 \leq 2$ در دستگاه کارتزین (X_1, X_2, X_3) قرار گرفته است. بردار مکان \vec{X} (تغییر شکل نیافته) بعد از تغییر شکل به بردار مکان \vec{X} (تغییر شکل یافته) تبدیل می‌شود:

$$\vec{X} = (X_1 + 0.2X_2^2)\vec{e}_1 + (X_2 + 0.1X_1^2)\vec{e}_2 + (X_3 + 0.2X_1X_2)\vec{e}_3$$

در نقطه‌ی $X_1 = X_2 = X_3 = 1$ تغییر حجم نسبی $\frac{dv - dV}{dV}$ چقدر است؟

حجم جزء بعد از تغییر شکل و dV حجم جزء قبل از تغییر شکل و $\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3$ بردارهای یکه در دستگاه کارتزین می‌باشند.

$$(1) \quad -4 \times 10^{-4} \quad (2) \quad -8 \times 10^{-4}$$

$$(3) \quad -6 \times 10^{-4} \quad (4) \quad -12 \times 10^{-4}$$

۳۹- اگر میدان تنش در جسمی برابر:

$$\sigma_{11} = \sigma_{22} = \sigma_{33} = Ax_1x_2x_3, \sigma_{12} = Ax_2^2, \sigma_{13} = Ax_2^2, \sigma_{23} = Ax_1^2$$

باشد. در صورتی که $A > 0$ فرض کنیم. نیروی حجمی (Body force) مرتبط با

این میدان تنش در نقطه $x_1 = x_2 = 1, x_3 = 2$ در امتداد چه برداری است؟

$$(1) \quad \vec{n} = -\frac{2}{3}\vec{e}_1 - \frac{2}{3}\vec{e}_2 + \frac{1}{3}\vec{e}_3 \quad (2) \quad \vec{n} = -\frac{2}{3}\vec{e}_1 + \frac{2}{3}\vec{e}_2 - \frac{1}{3}\vec{e}_3$$

$$(3) \quad \vec{n} = -\frac{2}{3}\vec{e}_1 - \frac{2}{3}\vec{e}_2 - \frac{1}{3}\vec{e}_3 \quad (4) \quad \vec{n} = \frac{2}{3}\vec{e}_1 - \frac{2}{3}\vec{e}_2 - \frac{1}{3}\vec{e}_3$$

۴۰- تابع تنش ایری $\phi = A \cos 2\theta$ مسئله‌ای در مختصات قطبی (r, θ) را حل

می‌کند. اگر از نیروی حجمی صرف نظر کنیم، کدام است؟

$$(1) \quad -6A \frac{\cos 2\theta}{r^2} \quad (2) \quad -2A \frac{\cos 2\theta}{r^2}$$

$$(3) \quad -A \frac{\cos 2\theta}{r^2} \quad (4) \quad -4A \frac{\cos 2\theta}{r^2}$$

۴۱- در محیط ایزوتروپ جانبی صفحه x_1x_2 صفحه ایزوتروپی و محور x_3 عمود بر

صفحه ایزوتروپی است. $E, \nu = 0.2$ به ترتیب ضریب الاستیسیته و ضریب

پوآسون در صفحه ایزوتروپی و $E' = 2E, \nu' = 0.25$ همان ضرایب در صفحه

عمود بر صفحه ایزوتروپی است. در این محیط تنش هیدرواستاتیک

$\sigma_o = 0.1E$ اعمال می‌شود. تغییر حجم نسبی ϵ_{kk} چقدر است؟

$$(1) \quad 0.14 \quad (2) \quad 0.16$$

$$(3) \quad 0.18 \quad (4) \quad 0.12$$

۴۲- ضرایب الاستیسیته لامه (λ, μ) در جسم الاستیک ایزوتروپی برابر:

$$\mu = \lambda = 0.4E, \quad E = 2.1 \times 10^6 \text{ kg/cm}^2$$

است. E ضریب الاستیسیته (مدول یانگ) است. ضریب الاستیسیته حجمی k

(bulk modulus) بر حسب kg/cm^2 کدام است؟ $(\sigma_{kk} = K \epsilon_{kk})$

$$1.47 \times 10^6 \quad (2) \qquad 1.40 \times 10^6 \quad (1)$$

$$1.26 \times 10^6 \quad (4) \qquad 1.68 \times 10^6 \quad (3)$$

۴۳- در یک مسئله یک بعدی $(\sigma > 0, \epsilon > 0)$ چگالی انرژی کرنشی برابر

$u = 0.03 \epsilon^3$ است. چگالی انرژی مکمل چقدر است؟

$$\frac{10}{9} \sigma^2 \quad (2) \qquad \frac{10}{3} \sigma^2 \quad (1)$$

$$\frac{20}{9} \sigma^2 \quad (4) \qquad \frac{5}{3} \sigma^2 \quad (3)$$

۴۴- نقطه‌ای از یک جسم که در آن میدان تنش به صورت:

$$[\sigma_{ij}] = \begin{bmatrix} 2 & 0 & -2 \\ 0 & 4 & 1 \\ -2 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

بر حسب $\frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}$ است، با استفاده از معیار خمیری (Von Mises) خمیری

می‌شود. تنش تسلیم این جسم بر حسب $\frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}$ در کشش یک محوره چقدر

است؟

$$4\sqrt{2} \quad (2) \qquad \sqrt{2} \quad (1)$$

$$2\sqrt{2} \quad (4) \qquad 3\sqrt{2} \quad (3)$$

۴۵- تابع هلم هولتز (Helmholtz) (ψ, ϕ) در دستگاه کروی (r, ϕ, θ) به صورت:

$\psi = Ar^5 \bar{e}_r$ و $\phi = Ar^3 \cos^2 \phi$ می‌باشد. با فرض اینکه $2\mu = 1$ (μ ضریب

الاستیسیته لامه)، بردار تغییر مکان \bar{u} در نقطه $\phi = \theta = \frac{\pi}{4}$ و $r = 1$ چقدر

است؟

$$-\frac{3}{2} A \bar{e}_r + A \bar{e}_\phi \quad (2) \qquad \frac{3}{2} A \bar{e}_r - A \bar{e}_\phi \quad (1)$$

$$\frac{3}{2} A \bar{e}_r + A \bar{e}_\phi \quad (4) \qquad -\frac{3}{2} A \bar{e}_r - A \bar{e}_\phi \quad (3)$$